

## PROGRAMMAZIONE DIDATTICA DI MATEMATICA

Il *Profilo culturale, educativo e professionale* (Allegato A al *Regolamento recante revisione dell'assetto ordinamentale, organizzativo e didattico dei licei*) trova la sua declinazione disciplinare nelle *Indicazioni nazionali riguardanti gli obiettivi specifici di apprendimento* (Allegato F al *Regolamento*), nelle quali è evidenziato il ruolo di ciascuna disciplina nella costruzione delle competenze che caratterizzano il *Profilo*.

Relativamente all'insegnamento di Matematica, le *Indicazioni nazionali* stabiliscono quanto segue.

- Conoscenza dei concetti e metodi elementari della matematica, sia interni alla disciplina in sé considerata, sia rilevanti per la descrizione e la previsione di fenomeni, in particolare del mondo fisico:
  - gli elementi della geometria euclidea del piano e dello spazio entro cui prendono forma i procedimenti caratteristici del pensiero matematico (definizioni, dimostrazioni, generalizzazioni, assiomatizzazioni);
  - gli elementi del calcolo algebrico, gli elementi della geometria analitica cartesiana, una buona conoscenza delle funzioni elementari dell'analisi, le nozioni elementari del calcolo differenziale e integrale;
  - gli strumenti matematici di base per lo studio dei fenomeni fisici;
  - la conoscenza elementare di alcuni sviluppi della matematica moderna, in particolare degli elementi del calcolo delle probabilità, dell'analisi statistica e della ricerca operativa;
  - il concetto di modello matematico e un'idea chiara della differenza tra la visione della matematizzazione caratteristica della fisica classica (corrispondenza univoca tra matematica e natura) e quello della modellistica moderna;
  - costruzione e analisi di semplici modelli matematici di classi di fenomeni;
  - una chiara visione delle caratteristiche dell'approccio assiomatico classico e moderno;
  - una conoscenza del principio di induzione matematica e la capacità di saperlo applicare, avendo inoltre un'idea chiara della sua diversità con l'induzione fisica.
- Visione storico-critica dei rapporti tra le tematiche principali del pensiero matematico e il contesto filosofico, scientifico e tecnologico.
- Pochi concetti e metodi fondamentali, acquisiti in profondità.

In particolare lo studente avrà acquisito le seguenti **competenze specifiche della disciplina**:

- CS.1 Utilizzare consapevolmente le tecniche e le procedure di calcolo aritmetico e algebrico
- CS.2. Leggere/ interpretare grafici e tabelle e affrontare l'analisi funzionale
- CS.3. Conoscere le metodologie di base per la costruzione di un modello matematico di un insieme di fenomeni
- CS.4. Utilizzare i procedimenti caratteristici del pensiero matematico (definizioni, dimostrazioni, generalizzazioni, formalizzazioni)
- CS.5. Saper analizzare figure geometriche e trasformazioni geometriche individuandone le proprietà invarianti e le relazioni
- CS.6. Utilizzare metodi e strumenti di natura probabilistica e inferenziale

Dal momento che l'impianto europeo relativo alle competenze chiave da sviluppare lungo tutto l'arco della vita le definisce come "la comprovata capacità di usare conoscenze, abilità e capacità personali, sociali e/o metodologiche, in situazioni di lavoro o di studio e nello sviluppo professionale e/o personale", precisando che esse "sono descritte in termini di responsabilità e autonomia", esse debbono essere collegate alle risorse interne (conoscenze, abilità, altre qualità personali) che ne sono a fondamento.

Ogni materia presente nel piano di studi concorre pertanto, con i propri contenuti, le proprie procedure euristiche, il proprio linguaggio, ad integrare un percorso di acquisizione di competenze che dovrà essere declinato in termini di:

- conoscenze, definite come il risultato dell'assimilazione di informazioni attraverso l'apprendimento. Le conoscenze sono un insieme di fatti, principi, teorie e pratiche relative ad un settore di lavoro o di studio. Nel contesto del Quadro europeo delle qualifiche le conoscenze sono descritte come teoriche e/o pratiche.
- abilità, definite come le capacità di applicare conoscenze e di utilizzare know-how per portare a termine compiti e risolvere problemi. Nel contesto del Quadro europeo delle qualifiche le abilità sono descritte come cognitive (comprendenti l'uso del pensiero logico, intuitivo e creativo) e pratiche (comprendenti l'abilità manuale e l'uso di metodi, materiali, strumenti).

COMPETENZE	CONOSCENZE	ABILITA'
<b>CS1:</b> Utilizzare consapevolmente le tecniche e le procedure di calcolo aritmetico e algebrico	C1.1. Gli insiemi numerici; rappresentazioni, operazioni e loro proprietà; ordinamento. C1.2. Espressioni algebriche (monomi, polinomi e frazioni algebriche). C1.3. Equazioni e disequazioni (razionali, goniometriche, irrazionali, esponenziali, logaritmiche, ...). C1.4. Goniometria. C1.5. Numeri complessi. C1.6. Analisi infinitesimale. C1.7. Analisi numerica.	A1.1. Comprendere il significato logico operativo di numeri appartenenti ai diversi sistemi numerici. A1.2. Utilizzare le diverse notazioni e saper convertire da una all'altra (da frazioni a decimali, da frazioni apparenti ad interi, da percentuali a frazioni,...). A1.3. Risolvere espressioni negli insiemi numerici. A1.4. Rappresentare la soluzione di un problema con un'espressione. A1.5. Tradurre brevi istruzioni in sequenze simboliche; risolvere sequenze di operazioni e problemi sostituendo alle variabili letterali i valori numerici. A1.6. Comprendere il significato logico-operativo di rapporto e grandezza derivata; individuare gli elementi essenziali di un problema. A1.7. Risolvere equazioni e disequazioni. A1.8. Operare con i numeri complessi. A1.9. Saper calcolare i limiti di una funzione in un intorno. A1.10. Operare con le derivate e gli integrali indefiniti e definiti.
<b>CS2:</b> Leggere/interpretare grafici e tabelle e affrontare l'analisi funzionale	C2.1. Il piano cartesiano. C2.2. Lettura di un grafico. C2.3. Funzioni in una variabile (algebriche intere e fratte, goniometriche, esponenziali e logaritmiche, ...). C2.4. Limiti e continuità. C2.5. Analisi infinitesimale. C2.6. Analisi numerica. C2.7. Operatori. C2.8. Sviluppi polinomiali di funzioni: polinomio di Taylor, polinomio di Mac-Laurin.	A2.1. Saper studiare continuità e derivabilità di una funzione. A2.2. Rappresentare e studiare funzioni note e non. A2.3. Utilizzare consapevolmente gli operatori per la rappresentazione delle funzioni.

<p><b>CS3:</b> Conoscere le metodologie di base per la costruzione di un modello matematico di un insieme di fenomeni</p>	<p>C3.1. Le fasi risolutive di un problema e loro rappresentazione con diagrammi.  C3.2. Principali rappresentazioni di un oggetto matematico.  C3.3. Tecniche risolutive di un problema che utilizzano frazioni, proporzioni, percentuali, formule geometriche, equazioni, disequazioni e sistemi.  C3.4. Applicazione del concetto di derivata e di integrale in vari ambiti scientifici.</p>	<p>A3.1. Tradurre dal linguaggio naturale al linguaggio algebrico e viceversa.  A3.2. Individuare modelli matematici idonei per la risoluzione di problemi.  A3.3. Utilizzare modelli algebrici per la risoluzione di semplici problemi.  A3.4. Impostare, risolvere e discutere problemi utilizzando procedure, proprietà e modelli.</p>
<p><b>CS4:</b> Utilizzare i procedimenti caratteristici del pensiero matematico (definizioni, dimostrazioni, generalizzazioni, formalizzazioni)</p>	<p>C4.1. Teorema: ipotesi, tesi e dimostrazione.  C4.2. Induzione matematica.</p>	<p>A4.1. Distinguere ipotesi e tesi nell'enunciato di un teorema.  A4.2. Comprendere i principali passaggi logici di una dimostrazione.</p>
<p><b>CS5:</b> Saper analizzare figure geometriche e trasformazioni geometriche individuandone le proprietà invarianti e le relazioni</p>	<p>C5.1. Il piano euclideo; gli enti fondamentali della geometria e il significato dei termini: assioma, teorema, definizione. I triangoli.  C5.2. Perpendicolari e parallele, parallelogrammi e trapezi.  C5.3. La circonferenza e i poligoni inscritti e circoscritti.  C5.4. L'equivalenza delle superfici piane (teoremi di Euclide e Pitagora).  C5.5. Le grandezze proporzionali (il teorema di Talete); la similitudine.  C5.6. Le trasformazioni geometriche elementari e le loro proprietà invarianti.  C5.7. Il metodo delle coordinate: il piano cartesiano.  C5.8. Le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano.  C5.9. Interpretazione geometrica dei sistemi di equazioni.  C5.10. Trigonometria.  C5.11. Il piano di Gauss.  C5.12. Integrale definito.</p>	<p>A5.1. Riconoscere i principali enti, figure e luoghi geometrici e descriverli con linguaggio naturale.  A5.2. Individuare le proprietà essenziali delle figure.  A5.3. Disegnare figure geometriche con semplici tecniche grafiche e operative.  A5.4. Risolvere problemi di tipo geometrico e ripercorrerne le procedure di soluzione.  A5.5. Operare nel piano cartesiano.  A5.6. Saper operare con le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano.  A5.7. Risolvere triangoli rettangoli e non.  A5.8. Calcolare l'area di un trapezoide.  A5.9. Calcolare il volume di un solido di rotazione.</p>

<b>CS6:</b> Utilizzare metodi e strumenti di natura probabilistica e inferenziale	C6.1. Le fasi risolutive di un problema e loro rappresentazione con diagrammi. C6.2. Gli indici di posizione. C6.3. Gli indici di variabilità. C6.3. Probabilità.	A6.1. Organizzare e rappresentare un insieme di dati. A6.2. Rappresentare classi di dati mediante istogrammi e diagrammi a torta. A6.3. Leggere e interpretare tabelle e grafici in termini di corrispondenza fra elementi di due insiemi. A6.4. Utilizzare gli indici di posizione e di variabilità per interpretare un insieme di dati. A6.5. Calcolare la probabilità di un evento.
---	--	--

<b>Modalità didattiche:</b>	Lezioni frontali Lezioni dialogate Discussioni guidate	Attività di laboratorio: da cattedra Attività di laboratorio Attività di gruppo
<b>Strumenti didattici:</b>	Libro di testo Schede di lavoro Diapositive in ppt	LIM Attrezzature di laboratorio
<b>Valutazione:</b>	Prove scritte:	Prove orali:
	Trattazione sintetica di argomenti Quesiti a risposta breve Risoluzione di problemi Costruzione di grafici	Interrogazioni Test

## Modalità e tempi di acquisizione delle competenze specifiche della disciplina

<b>CS1</b>	<p>Nel primo biennio si recupereranno e si consolideranno le conoscenze relative al calcolo aritmetico, estendendo l'insieme dei numeri razionali all'insieme dei numeri reali (con le conseguenti operazioni tra radicali). Si approfondirà il calcolo algebrico con lo studio delle scomposizioni e delle frazioni algebriche. Si aiuterà lo studente a comprendere le potenzialità del calcolo letterale utilizzando le lettere non solo come simbolo ma anche come variabile: in tal senso si studieranno le funzioni lineari e la parabola e si introdurranno le equazioni e le disequazioni di primo e secondo grado. Si formalizzeranno le conoscenze pregresse e si procederà, per gradi, all'acquisizione del lessico matematico. Nel secondo biennio si applicheranno le conoscenze acquisite alla risoluzione di equazioni e disequazioni irrazionali, esponenziali e logaritmiche e si applicheranno le abilità acquisite nello studio di funzione (calcolo dei domini e segno). Nel quinto anno si applicheranno le abilità acquisite nello studio di funzione (andamento e concavità).</p>
<b>CS2</b>	<p>Nel primo biennio, in sinergia con la competenza CS1, si lavorerà sul concetto di variabile studiando e rappresentando nel piano cartesiano le funzioni lineari e la parabola. Nel secondo biennio si affronterà lo studio della geometria analitica, si studieranno le funzioni trascendenti e si introdurrà l'analisi infinitesimale (che verrà portata a termine nel quinto anno): grazie all'analisi infinitesimale lo studente acquisirà le conoscenze e le abilità necessarie per la rappresentazione di funzioni non note individuandone le principali caratteristiche. Il concetto di operatore permetterà di semplificare lo studio di funzione.</p>
<b>CS3</b>	<p>Nel primo biennio si insegnerà a tradurre brevi istruzioni in sequenze simboliche e a convertire dati e problemi da linguaggio naturale a linguaggi formali e viceversa: in tal modo si utilizzeranno modelli algebrici (equazioni, disequazioni, sistemi) per la risoluzione di semplici problemi anche di natura geometrica. Nel secondo biennio e nel quinto anno si continueranno a modellizzare situazioni concrete utilizzando, oltre agli strumenti algebrici, anche gli strumenti della geometria analitica e dell'analisi infinitesimale.</p>
<b>CS4</b>	<p>Nel primo biennio si procederà alla formalizzazione della matematica guidando lo studente all'apprendimento del lessico appropriato e alla comprensione dei passaggi logici delle dimostrazioni. Lo studente imparerà sia a riconoscere le parti fondamentali di un teorema (ipotesi e tesi) che a commentare i procedimenti di dimostrazioni geometriche. Nel secondo biennio e nel quinto anno lo studente affronterà dimostrazioni in ambito algebrico e analitico e imparerà ad applicare il principio di induzione matematica.</p>
<b>CS5</b>	<p>Nel primo biennio si affronterà lo studio della geometria euclidea procedendo alla formalizzazione degli enti, delle proprietà e dei teoremi. Si studieranno le trasformazioni geometriche e grazie al piano cartesiano si correlerà la geometria euclidea a quella analitica. Nel secondo biennio si approfondirà la geometria analitica e si studieranno le equazioni delle trasformazioni geometriche. La trigonometria sarà applicata nei problemi. La conoscenza degli enti geometrici e delle trasformazioni nel piano cartesiano verrà applicata nel quinto anno al calcolo di aree e volumi.</p>
<b>CS6</b>	<p>Nel primo biennio gli studenti impareranno a calcolare gli indici di posizione di semplici campioni statistici e a rappresentare classi di dati mediante istogrammi e diagrammi a torta. Nel secondo biennio si affronterà il calcolo delle probabilità.</p>

**La disciplina** concorre al raggiungimento dei seguenti **risultati di apprendimento generali**:

### 1. Area metodologica

RA1.1 - Aver acquisito un metodo di studio autonomo e flessibile, che consenta di condurre ricerche e approfondimenti personali e di continuare in modo efficace i successivi studi superiori, naturale prosecuzione dei percorsi liceali, e di potersi aggiornare lungo l'intero arco della propria vita.

RA1.2 - Essere consapevoli della diversità dei metodi utilizzati dai vari ambiti disciplinari ed essere in grado valutare i criteri di affidabilità dei risultati in essi raggiunti.

RA1.3 - Saper compiere le necessarie interconnessioni tra i metodi e i contenuti delle singole discipline.

Competenze specifiche della disciplina che concorrono al conseguimento dei risultati				
TUTTE				

### 2. Area logico-argomentativa

RA2.1 - Saper sostenere una propria tesi e saper ascoltare e valutare criticamente le argomentazioni altrui.

RA2.2 - Acquisire l'abitudine a ragionare con rigore logico, ad identificare i problemi e a individuare possibili soluzioni.

RA2.3 - Essere in grado di leggere e interpretare criticamente i contenuti delle diverse forme di comunicazione.

Competenze specifiche della disciplina che concorrono al conseguimento dei risultati				
TUTTE				

### 3. Area linguistica e comunicativa

RA3.1 Padroneggiare pienamente la lingua italiana e in particolare:

RA3.1a - dominare la scrittura in tutti i suoi aspetti, da quelli elementari (ortografia e morfologia) a quelli più avanzati (sintassi complessa, precisione e ricchezza del lessico, anche letterario e specialistico), modulando tali competenze a seconda dei diversi contesti e scopi comunicativi;

RA3.1b - saper leggere e comprendere testi complessi di diversa natura, cogliendo le implicazioni e le sfumature di significato proprie di ciascuno di essi, in rapporto con la tipologia e il relativo contesto storico e culturale;

RA3.1c - curare l'esposizione orale e saperla adeguare ai diversi contesti.

RA3.4 - Saper utilizzare le tecnologie dell'informazione e della comunicazione per studiare, fare ricerca, comunicare.

Competenze specifiche della disciplina che concorrono al conseguimento dei risultati				
TUTTE				

### 4. Area storico-umanistica

RA4.6 - Collocare il pensiero scientifico, la storia delle sue scoperte e lo sviluppo delle invenzioni tecnologiche nell'ambito più vasto della storia delle idee.

Competenze specifiche della disciplina che concorrono al conseguimento dei risultati				
TUTTE				

### 5. Area scientifica, matematica e tecnologica

RA5.1 - Comprendere il linguaggio formale specifico della matematica, saper utilizzare le procedure tipiche del pensiero matematico, conoscere i contenuti fondamentali delle teorie che sono alla base della descrizione matematica della realtà.

RA5.3 - Essere in grado di utilizzare criticamente strumenti informatici e telematici nelle attività di studio e di approfondimento; comprendere la valenza metodologica dell'informatica nella formalizzazione e modellizzazione dei processi complessi e nell'individuazione di procedimenti risolutivi.

Competenze specifiche della disciplina che concorrono al conseguimento dei risultati				
TUTTE				

**La disciplina** concorre al raggiungimento dei seguenti **risultati di apprendimento specifici del Liceo delle Scienze Applicate**:

- LSA2 - elaborare l'analisi critica dei fenomeni considerati, la riflessione metodologica sulle procedure sperimentali e la ricerca di strategie atte a favorire la scoperta scientifica;  
 LSA3 - analizzare le strutture logiche coinvolte ed i modelli utilizzati nella ricerca scientifica;  
 LSA4 - individuare le caratteristiche e l'apporto dei vari linguaggi (storico-naturali, simbolici, matematici, logici, formali, artificiali);  
 LSA6 - saper utilizzare gli strumenti informatici in relazione all'analisi dei dati e alla modellizzazione di specifici problemi scientifici e individuare la funzione dell'informatica nello sviluppo scientifico;

Competenze specifiche della disciplina che concorrono al conseguimento dei risultati				
TUTTE				

**Relativamente al primo biennio, la disciplina** concorre al raggiungimento delle seguenti **competenze di base al termine dell'istruzione obbligatoria**:

Asse dei linguaggi (AL)				
<b>lingua italiana:</b> AL1 padroneggiare gli strumenti espressivi ed argomentativi indispensabili per gestire l'interazione comunicativa verbale in vari contesti AL2 leggere, comprendere e interpretare testi scritti di vario tipo AL3 produrre testi di vario tipo in relazione ai differenti scopi comunicativi				
Competenze specifiche della disciplina che concorrono al raggiungimento dei risultati				
TUTTE				
Asse matematico (AM)				
AM1 utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica AM2 confrontare ed analizzare figure geometriche, individuando invarianti e relazioni AM3 individuare le strategie appropriate per la risoluzione di problemi AM4 analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico				
Competenze specifiche della disciplina che concorrono al raggiungimento dei risultati				
TUTTE				
Competenze chiave di cittadinanza (CIT)				
CIT1 imparare ad imparare CIT2 progettare CIT3 comunicare CIT4 collaborare e partecipare		CIT5 agire in modo autonomo e responsabile CIT6 risolvere problemi CIT7 individuare collegamenti e relazioni CIT8 acquisire ed interpretare l'informazione		
Competenze specifiche della disciplina che concorrono al raggiungimento dei risultati				
TUTTE				



## OBIETTIVI SPECIFICI DI APPRENDIMENTO

### PRIMO BIENNIO

Il primo biennio sarà dedicato al passaggio dal calcolo aritmetico a quello algebrico e alla conoscenza dei fondamenti della geometria euclidea del piano.

#### ***Temì sviluppati***

##### ***Aritmetica e algebra***

Sviluppo delle capacità nel calcolo con i numeri interi e con i numeri razionali. Le proprietà delle operazioni.

Conoscenza intuitiva dei numeri reali, con particolare riferimento alla loro rappresentazione geometrica su una retta. Lo studio dei numeri irrazionali e delle espressioni in cui essi compaiono fornirà un esempio significativo di applicazione del calcolo algebrico.

L'acquisizione dei metodi di calcolo dei radicali (senza eccessivi tecnicismi).

Gli elementi di base del calcolo letterale, le proprietà dei polinomi e le operazioni tra di essi.

Fattorizzazione di semplici polinomi, divisione con resto fra due polinomi.

Calcoli con le espressioni letterali sia per la rappresentazione e risoluzione di problemi (equazioni, disequazioni o sistemi), sia per dimostrare risultati generali, in particolare in aritmetica.

##### ***Geometria***

I concetti di postulato, assioma, definizione, teorema, dimostrazione, con particolare riguardo al fatto che, a partire dagli Elementi di Euclide, essi hanno permeato lo sviluppo della matematica occidentale.

Il teorema di Pitagora (e la sua relazione con l'introduzione dei numeri irrazionali).

Le principali trasformazioni geometriche (traslazioni, rotazioni, simmetrie, similitudini con particolare riguardo al teorema di Talete) e proprietà invarianti.

Le proprietà fondamentali della circonferenza.

Per facilitare la comprensione dei concetti si potranno realizzare semplici costruzioni geometriche con il software geogebra.

Il metodo delle coordinate cartesiane, in una prima fase limitandosi alla rappresentazione di punti, rette e fasci di rette nel piano e di proprietà come il parallelismo e la perpendicolarità.

Le funzioni quadratiche e la rappresentazione geometrica delle coniche nel piano cartesiano.

L'intervento dell'algebra nella rappresentazione degli oggetti geometrici non sarà disgiunto dall'approfondimento della portata concettuale e tecnica di questa branca della matematica.

##### ***Relazioni e funzioni***

Obiettivo di studio sarà il linguaggio degli insiemi e delle funzioni (dominio, composizione, inversa, ecc.), anche per costruire semplici rappresentazioni di fenomeni e come primo passo all'introduzione del concetto di modello matematico. In particolare, lo studente apprenderà a descrivere un problema con un'equazione, una disequazione o un sistema di equazioni o disequazioni; a ottenere informazioni e ricavare le soluzioni di un modello matematico di fenomeni.

Lo studio delle funzioni del tipo  $f(x) = ax + b$ ,  $f(x) = ax^2 + bx + c$  e la rappresentazione delle rette e delle parabole nel piano cartesiano consentiranno di acquisire i concetti di soluzione delle equazioni di primo e secondo grado in una incognita, delle disequazioni associate e dei sistemi di equazioni lineari in due incognite, nonché le tecniche per la loro risoluzione grafica e algebrica.

Lo studente studierà le funzioni  $f(x) = |x|$ ,  $f(x) = a/x$ , le funzioni lineari a tratti, le funzioni circolari sia in un contesto strettamente matematico sia in funzione della rappresentazione e soluzione di problemi applicativi. Apprenderà gli elementi della teoria della proporzionalità diretta e inversa

Lo studente sarà in grado di passare agevolmente da un registro di rappresentazione a un altro (numerico, grafico, funzionale), anche utilizzando strumenti informatici per la rappresentazione dei dati.

### ***Dati e previsioni***

Lo studente sarà in grado di rappresentare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati, scegliendo le rappresentazioni più idonee. Saprà distinguere tra caratteri qualitativi, quantitativi. Saranno studiate le definizioni e le proprietà dei valori medi e delle misure di variabilità, nonché l'uso di strumenti di calcolo (calcolatrice, foglio di calcolo) per analizzare raccolte di dati e serie statistiche. Lo studio sarà svolto il più possibile in collegamento con le altre discipline. Lo studente conoscerà la nozione di probabilità, con esempi tratti da contesti classici e con l'introduzione di nozioni di statistica.

## **SECONDO BIENNIO**

### ***Aritmetica e algebra***

Lo studio della circonferenza e del cerchio, del numero  $\pi$ , e di contesti in cui compaiono crescite esponenziali con il numero  $e$ , permetteranno di approfondire la conoscenza dei numeri reali, con riguardo alla tematica dei numeri trascendenti. In questa occasione lo studente studierà la formalizzazione dei numeri reali anche come introduzione alla problematica dell'infinito matematico (e alle sue connessioni con il pensiero filosofico). Sarà anche affrontato il tema del calcolo approssimato, sia dal punto di vista teorico sia mediante l'uso di strumenti di calcolo. Saranno studiate la definizione e le proprietà di calcolo dei numeri complessi, nella forma algebrica, geometrica e trigonometrica.

### ***Geometria***

Le sezioni coniche saranno studiate sia da un punto di vista geometrico sintetico che analitico. Lo studio della geometria proseguirà con l'estensione allo spazio di alcuni dei temi della geometria piana, anche al fine di sviluppare l'intuizione geometrica. In particolare, saranno studiate le proprietà dei principali solidi geometrici (in particolare dei poliedri e dei solidi di rotazione).

### ***Relazioni e funzioni***

Un tema di studio sarà il problema del numero delle soluzioni delle equazioni polinomiali. Lo studente acquisirà la conoscenza di semplici esempi di progressioni aritmetiche e geometriche. Saranno inoltre studiate le funzioni circolari e le loro proprietà e relazioni elementari, i teoremi che permettono la risoluzione dei triangoli e il loro uso nell'ambito di altre discipline, in particolare nella fisica.

Lo studente approfondirà lo studio delle funzioni elementari dell'analisi e, in particolare, delle funzioni esponenziale e logaritmo. Sarà in grado di costruire semplici modelli di crescita o decrescita esponenziale, nonché di andamenti periodici, anche in rapporto con lo studio delle altre discipline.

Infine, lo studente sarà in grado di analizzare sia graficamente che analiticamente le principali funzioni e saprà operare su funzioni composte e inverse. Un tema importante di studio sarà il concetto di velocità di variazione di un processo rappresentato mediante una funzione.

### ***Dati e previsioni***

Studierà la probabilità condizionata e composta, la formula di Bayes e le sue applicazioni, nonché gli elementi di base del calcolo combinatorio.

In relazione con le nuove conoscenze acquisite approfondirà il concetto di modello matematico.

## **QUINTO ANNO**

Nell'anno finale lo studente approfondirà la comprensione del metodo assiomatico e la sua utilità concettuale e metodologica anche dal punto di vista della modellizzazione matematica.

Gli esempi verranno tratti dal contesto dell'aritmetica, della geometria euclidea o della probabilità ma è lasciata alla scelta dell'insegnante la decisione di quale settore disciplinare privilegiare allo scopo tenendo anche conto della specificità dell'indirizzo.

### ***Geometria***

Lo studente applicherà le conoscenze geometriche acquisite alla risoluzione di problemi nell'ambito dell'Analisi Matematica (calcolo di aree e volumi).

### ***Relazioni e funzioni***

Lo studente proseguirà lo studio delle funzioni fondamentali dell'analisi anche attraverso esempi tratti dalla fisica o da altre discipline. Acquisirà il concetto di limite di una funzione e apprenderà a calcolare i limiti in casi semplici.

Lo studente acquisirà i principali concetti del calcolo infinitesimale – in particolare la continuità, la derivabilità e l'integrabilità – anche in relazione con le problematiche in cui sono nati (velocità istantanea in meccanica, tangente di una curva, calcolo di aree e volumi). Non sarà richiesto un particolare addestramento alle tecniche del calcolo, che si limiterà alla capacità di derivare le funzioni già note, semplici prodotti, quozienti e composizioni di funzioni, le funzioni razionali e alla capacità di integrare funzioni polinomiali intere e altre funzioni elementari, nonché a determinare aree e volumi in casi semplici. Altro importante tema di studio sarà il concetto di equazione differenziale, cosa si intenda con le sue soluzioni e le loro principali proprietà, nonché alcuni esempi importanti e significativi di equazioni differenziali. Si tratterà soprattutto di comprendere il ruolo del calcolo infinitesimale in quanto strumento concettuale fondamentale nella descrizione e nella modellizzazione di fenomeni fisici o di altra natura.

### ***Dati e previsioni***

In relazione con le nuove conoscenze acquisite, anche nell'ambito delle relazioni della matematica con altre discipline, lo studente approfondirà il concetto di modello matematico e svilupperà la capacità di costruirne e analizzarne esempi in particolare nell'ambito delle scienze applicate, tecnologiche e ingegneristiche.

## **DALLA PROGRAMMAZIONE DI MATERIA ALLA PROGRAMMAZIONE DI CLASSE**

Le precedenti indicazioni relative agli obiettivi specifici di apprendimento costituiscono il quadro di riferimento all'interno del quale i singoli docenti, sulla base delle caratteristiche delle classi a loro affidate e in coerente raccordo con gli altri insegnamenti, formuleranno la proposta didattica che riterranno più adeguata al raggiungimento delle competenze specifiche della disciplina e che confluirà nella programmazione di classe che il Consiglio di Classe approverà all'inizio dell'anno scolastico.

La programmazione presentata dal singolo docente:

- sarà scandita anno per anno;
- declinerà i temi proposti in contenuti dettagliati;
- assocerà i vari contenuti alle conoscenze, abilità e competenze specifiche della disciplina.

**GRIGLIA PER LA VALUTAZIONE DELLE COMPETENZE – CLASSE 1^ LSA**

Competenza	CS1: Utilizzare consapevolmente le tecniche e le procedure di calcolo aritmetico e algebrico	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C1.1. Gli insiemi numerici; rappresentazioni, operazioni e loro proprietà; ordinamento. C1.2. Espressioni algebriche (monomi, polinomi e frazioni algebriche). C1.3. Equazioni e disequazioni di primo grado.	A1.1. Comprendere il significato logico operativo di numeri appartenenti ai diversi sistemi numerici. A1.2. Utilizzare le diverse notazioni e saper convertire da una all'altra (da frazioni a decimali, da frazioni apparenti ad interi, da percentuali a frazioni,...). A1.3. Risolvere semplici espressioni negli insiemi numerici. A1.6. Individuare gli elementi essenziali di un problema. A1.7. Risolvere semplici equazioni e disequazioni
livello intermedio: voto 7-8	C1.1. Gli insiemi numerici; rappresentazioni, operazioni e loro proprietà; ordinamento. C1.2. Espressioni algebriche (monomi, polinomi e frazioni algebriche). C1.3. Equazioni e disequazioni di primo grado.	A1.1. Comprendere il significato logico operativo di numeri appartenenti ai diversi sistemi numerici. A1.2. Utilizzare le diverse notazioni e saper convertire da una all'altra (da frazioni a decimali, da frazioni apparenti ad interi, da percentuali a frazioni,...). A1.3. Risolvere espressioni negli insiemi numerici. A1.6. Individuare gli elementi essenziali di un problema. A1.7. Risolvere equazioni e disequazioni A1.4. Rappresentare la soluzione di un problema con un'espressione. A1.5. Tradurre brevi istruzioni in sequenze simboliche; risolvere sequenze di operazioni e problemi sostituendo alle variabili letterali i valori numerici.
livello avanzato: voto 9-10	C1.1. Gli insiemi numerici; rappresentazioni, operazioni e loro proprietà; ordinamento. C1.2. Espressioni algebriche (monomi, polinomi e frazioni algebriche). C1.3. Equazioni e disequazioni di primo grado.	A1.1. Comprendere il significato logico operativo di numeri appartenenti ai diversi sistemi numerici. A1.2. Utilizzare le diverse notazioni e saper convertire da una all'altra (da frazioni a decimali, da frazioni apparenti ad interi, da percentuali a frazioni,...). A1.3. Risolvere espressioni negli insiemi numerici. A1.6. Individuare gli elementi essenziali di un problema e risolverlo. A1.7. Risolvere equazioni e disequazioni A1.4. Rappresentare la soluzione di un problema con un'espressione. A1.5. Tradurre istruzioni in sequenze simboliche; risolvere sequenze di operazioni e problemi sostituendo alle variabili letterali i valori numerici.

Competenza	CS3: Conoscere le metodologie di base per la costruzione di un modello matematico di un insieme di fenomeni	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C3.2. Principali rappresentazioni di un oggetto matematico. C3.3. Tecniche risolutive di un problema che utilizzano frazioni, proporzioni, percentuali, formule geometriche, equazioni, disequazioni e sistemi.	A3.1. Tradurre semplici espressioni dal linguaggio naturale al linguaggio algebrico e viceversa. A3.3. Utilizzare modelli algebrici per la risoluzione di semplici problemi.
livello intermedio: voto 7-8	C3.1. Le fasi risolutive di un problema e loro rappresentazione con diagrammi. C3.2. Principali rappresentazioni di un oggetto matematico. C3.3. Tecniche risolutive di un problema che utilizzano frazioni, proporzioni, percentuali, formule geometriche, equazioni,	A3.1. Tradurre espressioni dal linguaggio naturale al linguaggio algebrico e viceversa. A3.3. Utilizzare modelli algebrici per la risoluzione di problemi A3.2. Individuare modelli matematici idonei per la risoluzione di semplici problemi. A3.4. Impostare, risolvere problemi utilizzando procedure, proprietà e modelli.

	disequazioni e sistemi.	
livello avanzato: voto 9-10	C3.1. Le fasi risolutive di un problema e loro rappresentazione con diagrammi. C3.2. Principali rappresentazioni di un oggetto matematico. C3.3. Tecniche risolutive di un problema che utilizzano frazioni, proporzioni, percentuali, formule geometriche, equazioni, disequazioni e sistemi.	A3.1. Tradurre espressioni dal linguaggio naturale al linguaggio algebrico e viceversa. A3.3. Utilizzare modelli algebrici per la risoluzione di problemi non standardizzati. A3.2. Individuare modelli matematici idonei per la risoluzione di problemi non standardizzati. A3.4. Impostare, risolvere e discutere problemi utilizzando procedure, proprietà e modelli.

Competenza	CS4: Utilizzare i procedimenti caratteristici del pensiero matematico (definizioni, dimostrazioni, generalizzazioni, formalizzazioni)	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C4.1. Teorema: ipotesi, tesi e dimostrazione.	A4.1. Distinguere ipotesi e tesi nell'enunciato di un teorema.
livello intermedio: voto 7-8	C4.1. Teorema: ipotesi, tesi e dimostrazione.	A4.1. Distinguere ipotesi e tesi nell'enunciato di un teorema. A4.2. Comprendere i principali passaggi logici di una dimostrazione.
livello avanzato: voto 9-10	C4.1. Teorema: ipotesi, tesi e dimostrazione.	A4.1. Distinguere ipotesi e tesi nell'enunciato di un teorema. A4.2. Comprendere i principali passaggi logici di una dimostrazione e saperli riportare in situazioni nuove.

Competenza	CS5: Saper analizzare figure geometriche e trasformazioni geometriche individuandone le proprietà invarianti e le relazioni	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C5.1. Il piano euclideo; gli enti fondamentali della geometria e il significato dei termini: assioma, teorema, definizione. I triangoli. C5.2. Perpendicolari e parallele, parallelogrammi e trapezi.	A5.1. Riconoscere i principali enti, figure e luoghi geometrici e descriverli con linguaggio naturale. A5.2. Individuare le proprietà essenziali delle figure. A5.3. Disegnare (in casi semplici) figure geometriche con semplici tecniche grafiche e operative. A5.4. Risolvere semplici problemi di tipo geometrico.
livello intermedio: voto 7-8	C5.1. Il piano euclideo; gli enti fondamentali della geometria e il significato dei termini: assioma, teorema, definizione. I triangoli. C5.2. Perpendicolari e parallele, parallelogrammi e trapezi.	A5.1. Riconoscere i principali enti, figure e luoghi geometrici e descriverli con linguaggio naturale (curando la correttezza espositiva). A5.2. Individuare le proprietà essenziali delle figure. A5.3. Disegnare figure geometriche con semplici tecniche grafiche e operative. A5.4. Risolvere semplici problemi di tipo geometrico e ripercorrerne le procedure di soluzione.
livello avanzato: voto 9-10	C5.1. Il piano euclideo; gli enti fondamentali della geometria e il significato dei termini: assioma, teorema, definizione. I triangoli. C5.2. Perpendicolari e parallele, parallelogrammi e trapezi.	A5.1. Riconoscere i principali enti, figure e luoghi geometrici e descriverli con linguaggio naturale (curando la correttezza e la precisione espositiva). A5.2. Individuare le proprietà essenziali delle figure. A5.3. Disegnare figure geometriche con semplici tecniche grafiche e operative (operando anche costruzioni originali di una certa complessità). A5.4. Risolvere problemi di tipo geometrico e ripercorrerne le procedure di soluzione.

# GRIGLIA PER LA VALUTAZIONE DELLE COMPETENZE – CLASSE 2^ LSA

Competenza	CS1: Utilizzare consapevolmente le tecniche e le procedure di calcolo aritmetico e algebrico	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C1.1. Gli insiemi numerici; rappresentazioni, operazioni e loro proprietà; ordinamento. C1.3. Equazioni e disequazioni (equazioni di secondo grado intere, equazioni di primo e secondo grado fratte, sistemi di equazioni di primo e secondo grado, casi di equazioni di grado superiore al secondo, disequazioni di primo e secondo grado intere e fratte, sistemi di disequazioni di primo e secondo grado)	A1.1. Comprendere il significato logico operativo di numeri appartenenti ai diversi sistemi numerici. A1.3. Risolvere semplici espressioni negli insiemi numerici. A1.7. Risolvere semplici equazioni e disequazioni
livello intermedio: voto 7-8	C1.3. Equazioni e disequazioni (equazioni di secondo grado intere, equazioni di primo e secondo grado fratte, sistemi di equazioni di primo e secondo grado, casi di equazioni di grado superiore al secondo, disequazioni di primo e secondo grado intere e fratte, sistemi di disequazioni di primo e secondo grado)	A1.1. Comprendere il significato logico operativo di numeri appartenenti ai diversi sistemi numerici. A1.3. Risolvere espressioni negli insiemi numerici. A1.7. Risolvere equazioni e disequazioni
livello avanzato: voto 9-10	C1.3. Equazioni e disequazioni (equazioni di secondo grado intere, equazioni di primo e secondo grado fratte, sistemi di equazioni di primo e secondo grado, casi di equazioni di grado superiore al secondo, disequazioni di primo e secondo grado intere e fratte, sistemi di disequazioni di primo e secondo grado)	A1.1. Comprendere il significato logico operativo di numeri appartenenti ai diversi sistemi numerici. A1.3. Risolvere espressioni negli insiemi numerici anche in casi di una certa complessità. A1.7. Risolvere equazioni e disequazioni anche in casi non standardizzati

Competenza	CS2: Leggere/interpretare grafici e tabelle e affrontare l'analisi funzionale	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C2.1. Il piano cartesiano. C2.2. Lettura di un grafico. C2.3. Funzioni in una variabile (concetto di funzione; funzioni di primo e di secondo grado).	A2.2. Rappresentare funzioni note: funzione di primo grado e funzione di secondo grado.
livello intermedio: voto 7-8	C2.1. Il piano cartesiano. C2.2. Lettura di un grafico. C2.3. Funzioni in una variabile (concetto di funzione).	A2.2. Rappresentare funzioni note: funzione di primo grado e funzione di secondo grado (determinarne le principali caratteristiche).
livello avanzato: voto 9-10	C2.1. Il piano cartesiano. C2.2. Lettura di un grafico. C2.3. Funzioni in una variabile (concetto di funzione).	A2.2. Rappresentare funzioni note: funzione di primo grado e funzione di secondo grado (determinarne e interpretarne le principali caratteristiche).

Competenza	CS3: Conoscere le metodologie di base per la costruzione di un modello matematico di un insieme di fenomeni	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C3.3. Tecniche risolutive di un problema che utilizzano frazioni, proporzioni, percentuali, formule geometriche, equazioni, disequazioni e sistemi.	A3.3. Utilizzare modelli algebrici per la risoluzione di semplici problemi. (In casi in cui sia facile scelta delle incognite)
livello intermedio: voto 7-8	C3.3. Tecniche risolutive di un problema che utilizzano frazioni, proporzioni, percentuali, formule geometriche, equazioni, disequazioni e sistemi.	A3.3. Utilizzare modelli algebrici per la risoluzione di semplici problemi.
livello avanzato: voto 9-10	C3.3. Tecniche risolutive di un problema che utilizzano frazioni, proporzioni, percentuali, formule geometriche, equazioni, disequazioni e sistemi.	A3.3. Utilizzare modelli algebrici per la risoluzione di semplici problemi (anche in casi non standard).

Competenza	CS5: Saper analizzare figure geometriche e trasformazioni geometriche individuandone le proprietà invarianti e le relazioni	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C5.3. La circonferenza e i poligoni inscritti e circoscritti. C5.4. L'equivalenza delle superfici piane (teoremi di Euclide e Pitagora). C5.5. Le grandezze proporzionali (il teorema di Talete); la similitudine. C5.6. Le trasformazioni geometriche elementari e le loro proprietà invarianti. C5.7. Il metodo delle coordinate: il piano cartesiano. C5.8. Le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano. C5.9. Interpretazione geometrica dei sistemi di equazioni.	A5.1. Riconoscere i principali enti, figure e luoghi geometrici e descriverli con linguaggio naturale. A5.2. Individuare le proprietà essenziali delle figure. A5.3. Disegnare (in casi semplici) figure geometriche con semplici tecniche grafiche e operative. A5.4. Risolvere semplici problemi di tipo geometrico. A5.5. Operare nel piano cartesiano in casi semplici. A5.6. Saper operare con le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano in casi semplici.
livello intermedio: voto 7-8	C5.3. La circonferenza e i poligoni inscritti e circoscritti. C5.4. L'equivalenza delle superfici piane (teoremi di Euclide e Pitagora). C5.5. Le grandezze proporzionali (il teorema di Talete); la similitudine. C5.6. Le trasformazioni geometriche elementari e le loro proprietà invarianti. C5.7. Il metodo delle coordinate: il piano cartesiano. C5.8. Le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano. C5.9. Interpretazione geometrica dei sistemi di equazioni.	A5.1. Riconoscere i principali enti, figure e luoghi geometrici e descriverli con linguaggio naturale (curando la correttezza espositiva). A5.2. Individuare le proprietà essenziali delle figure. A5.3. Disegnare figure geometriche con semplici tecniche grafiche e operative. A5.4. Risolvere semplici problemi di tipo geometrico e ripercorrerne le procedure di soluzione. A5.5. Operare nel piano cartesiano. A5.6. Saper operare con le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano.
livello avanzato: voto 9-10	C5.3. La circonferenza e i poligoni inscritti e circoscritti. C5.4. L'equivalenza delle superfici piane (teoremi di Euclide e Pitagora). C5.5. Le grandezze proporzionali (il teorema di Talete); la similitudine. C5.6. Le trasformazioni geometriche elementari e le loro proprietà invarianti. C5.7. Il metodo delle coordinate: il piano cartesiano. C5.8. Le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano. C5.9. Interpretazione geometrica dei sistemi di equazioni.	A5.1. Riconoscere i principali enti, figure e luoghi geometrici e descriverli con linguaggio naturale (curando la correttezza e la precisione espositiva). A5.2. Individuare le proprietà essenziali delle figure. A5.3. Disegnare figure geometriche con semplici tecniche grafiche e operative (operando anche costruzioni originali di una certa complessità). A5.4. Risolvere problemi di tipo geometrico e ripercorrerne le procedure di soluzione. A5.5. Operare nel piano cartesiano. A5.6. Saper operare con le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano anche in casi non standard.

Competenza	CS6: Utilizzare metodi e strumenti di natura probabilistica e inferenziale	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C6.3. Probabilità.	A6.5. Calcolare la probabilità di un evento in casi molto semplici.
livello intermedio: voto 7-8	C6.3. Probabilità.	A6.5. Calcolare la probabilità di un evento.
livello avanzato: voto 9-10	C6.3. Probabilità.	A6.5. Calcolare la probabilità di un evento anche in casi non standard.

# GRIGLIA PER LA VALUTAZIONE DELLE COMPETENZE – CLASSE 3^ LSA

Competenza	CS1: Utilizzare consapevolmente le tecniche e le procedure di calcolo aritmetico e algebrico	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C1.3. Equazioni e disequazioni (razionali, irrazionali, esponenziali, logaritmiche).	A1.7. Risolvere semplici equazioni e disequazioni
livello intermedio: voto 7-8	C1.3. Equazioni e disequazioni (razionali, irrazionali, esponenziali, logaritmiche).	A1.7. Risolvere equazioni e disequazioni.
livello avanzato: voto 9-10	C1.3. Equazioni e disequazioni (razionali, irrazionali, esponenziali, logaritmiche).	A1.7. Risolvere equazioni e disequazioni che richiedono calcoli di una certa complessità

Competenza	CS2: Leggere/interpretare grafici e tabelle e affrontare l'analisi funzionale	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C2.1. Il piano cartesiano. C2.2. Lettura di un grafico. C2.3. Funzioni in una variabile (concetto di funzione e successione). C2.7. Operatori.	A2.2. Rappresentare e studiare funzioni note e non (riconoscerne alcune caratteristiche e predisporre il piano cartesiano per lo studio di funzione solo in casi semplici). A2.3. Utilizzare consapevolmente gli operatori per la rappresentazione delle funzioni (in casi molto semplici).
livello intermedio: voto 7-8	C2.1. Il piano cartesiano. C2.2. Lettura di un grafico. C2.3. Funzioni in una variabile (concetto di funzione e successione). C2.7. Operatori.	A2.2. Rappresentare e studiare funzioni note e non (riconoscerne alcune caratteristiche e predisporre il piano cartesiano per lo studio di funzione). A2.3. Utilizzare consapevolmente gli operatori per la rappresentazione delle funzioni.
livello avanzato: voto 9-10	C2.1. Il piano cartesiano. C2.2. Lettura di un grafico. C2.3. Funzioni in una variabile (concetto di funzione e successione). C2.7. Operatori.	A2.2. Rappresentare e studiare funzioni note e non (riconoscerne alcune caratteristiche e predisporre il piano cartesiano per lo studio di funzione anche in casi che richiedono calcoli di una certa complessità). A2.3. Utilizzare consapevolmente gli operatori per la rappresentazione delle funzioni anche in casi complessi.

Competenza	CS5: Saper analizzare figure geometriche e trasformazioni geometriche individuandone le proprietà invarianti e le relazioni	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C5.7. Il metodo delle coordinate: il piano cartesiano. C5.8. Le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano.	A5.5. Operare nel piano cartesiano: saper determinare le principali caratteristiche di una conica in forma canonica e rappresentarla graficamente; saper determinare l'equazione di una conica date alcune informazioni semplici. A5.6. Saper operare con le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano in casi semplici.
livello intermedio: voto 7-8	C5.7. Il metodo delle coordinate: il piano cartesiano. C5.8. Le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano.	A5.5. Operare nel piano cartesiano: saper determinare le principali caratteristiche di una conica anche non in forma canonica e rappresentarla graficamente; saper determinare l'equazione di una conica date alcune informazioni . A5.6. Saper operare con le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano.
livello avanzato: voto 9-10	C5.7. Il metodo delle coordinate: il piano cartesiano. C5.8. Le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano.	A5.5. Operare nel piano cartesiano: saper determinare le principali caratteristiche di una conica anche non in forma canonica e rappresentarla graficamente; saper determinare l'equazione di una conica date alcune informazioni . Risolvere problemi di geometria analitica non standardizzati. A5.6. Saper operare con le trasformazioni geometriche nel piano cartesiano.



Competenza	CS6: Utilizzare metodi e strumenti di natura probabilistica e inferenziale	
LIVELLO	CONOSCENZE	ABILITA'
livello base: voto 6	C6.1. Le fasi risolutive di un problema e loro rappresentazione con diagrammi.	A6.1. Organizzare e rappresentare un insieme di dati. A6.3. Leggere e interpretare tabelle e grafici in termini di corrispondenza fra elementi di due insiemi in casi semplici.
livello intermedio: voto 7-8	C6.1. Le fasi risolutive di un problema e loro rappresentazione con diagrammi.	A6.1. Organizzare e rappresentare un insieme di dati. A6.3. Leggere e interpretare tabelle e grafici in termini di corrispondenza fra elementi di due insiemi.
livello avanzato: voto 9-10	C6.1. Le fasi risolutive di un problema e loro rappresentazione con diagrammi.	A6.1. Organizzare e rappresentare un insieme di dati. A6.3. Leggere e interpretare tabelle e grafici in termini di corrispondenza fra elementi di due insiemi anche in casi non standard.